

insuffisantes, car le cerveau cherche souvent des formes là où elles n'existent pas. Pourtant, ici, l'analyse statistique confirme l'existence de regroupements.

On quantifie cette notion de regroupement à l'aide de fonctions de corrélations, qui représentent le nombre de paires d'objets en fonction de la distance qui les sépare. Avant d'examiner l'application de ces fonctions, considérons le cas plus simple de cerfs dans une forêt. Si l'on trouve un cerf au hasard dans une forêt, on trouvera plus probablement un autre cerf à quelques mètres de lui plutôt qu'à quelques centaines de mètres. La fonction de corrélation prend, dans ce cas, une grande valeur pour des distances de quelques dizaines de mètres et une faible valeur pour des distances de quelques centaines de mètres. Elle décrit mathématiquement le fait que les cerfs voyagent en petits groupes.

Pour les galaxies, on fait une analyse similaire, mais des difficultés surgissent : si l'analyse fonctionne bien pour des échelles bien inférieures à la taille du sondage, elle échoue lorsque l'échelle devient comparable. En effet, le nombre de galaxies – et, par conséquent, le nombre de paires de galaxies – est limité ; un excès de paires à de petites distances est nécessairement compensé par un déficit de paires à des distances supérieures, puisque le total est fixé. Ce jeu de bilan nul contamine le signal de regroupement aux échelles plus grandes.

Heureusement, une autre technique vient aider les astronomes pour l'analyse des regroupements à grande échelle : l'analyse harmonique, ou analyse du spectre de puissance. L'analyse harmonique, comme son nom l'indique, est étroitement liée à l'étude du son. En fait, l'analyse mathématique de la répartition des galaxies est identique à celle du bruit aléatoire.

On décrit de nombreux phénomènes physiques, telles les vagues à la surface de l'océan ou les fluctuations de la pression de l'air dans une pièce, par leur spectre de puissance. De même, l'oreille humaine analyse le son en analysant le spectre de puissance des fluctuations de pression de l'air. Ces fluctuations peuvent être considérées comme un

mélange d'ondes ayant chacune une fréquence et une intensité spécifiques. Nos oreilles décomposent les fluctuations en leurs fréquences constitutives, envoyant au cerveau des signaux qui décrivent l'intensité (ou l'amplitude) de chaque fréquence.

Le spectre de puissance mesure l'intensité des fluctuations de pression en fonction de la fréquence. C'est ce qu'indique l'égaliseur d'une chaîne haute-fidélité. Les gros instruments de musique, tels la contrebasse ou le tuba, émettent une grande partie de leur puissance à de grandes longueurs d'onde, qui correspondent à des basses fréquences. Inversement, le son d'un verre qui se brise se compose principalement d'ondes de hautes fréquences.

Le bruit aléatoire est particulier, parce qu'il peut être complètement décrit par son spectre de puissance. Considérons deux personnes qui visitent à quelques minutes d'intervalle la même chute d'eau (un phénomène qui émet un bruit aléatoire) et qui enregistrent chacune le son pendant plusieurs minutes. Bien que les enregistrements ne soient pas identiques (le son de la cascade change en permanence), les deux enregistrements peuvent décrire le son caractéristique de la chute : en les analysant, on trouve le même spectre de puissance. Les propriétés statistiques des deux enregistrements sont identiques.

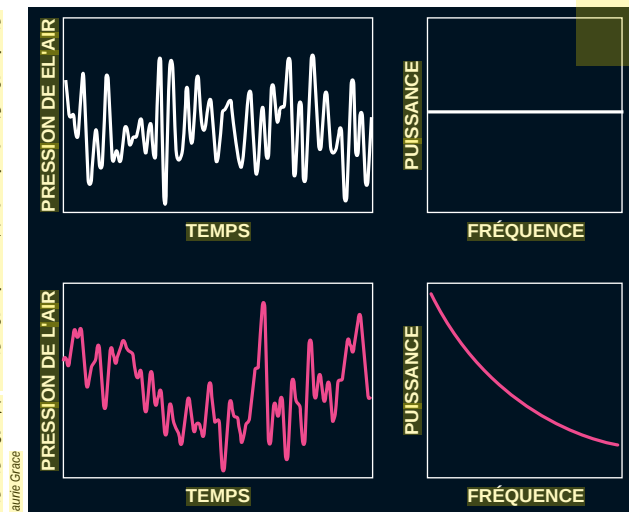
La couleur du son

Un bruit dont le spectre de puissance est plat, ce qui correspond à une puissance identique pour toutes les fréquences, est un bruit blanc. Un tel bruit ressemble à une teinte blanche, car la lumière blanche s'obtient en mélangeant également toutes les couleurs (caractérisées chacune par une longueur d'onde). Le bruit blanc est le grésillement que l'on entend lorsqu'on règle un poste de radio à une fréquence intermédiaire entre celles de deux stations. Ce son est parfaitement aléatoire : à chaque instant, le son est indépendant du son qui l'a précédé (on dit que ces sons sont décorrélés). Un autre spectre de puissance particulier est celui du bruit rose, où chaque octave (entre une fréquence et son double) émet la même puissance (voir la figure 3). Une cascade engendre un bruit rose.

L'analyse harmonique peut réconcilier le principe cosmologique avec l'hétérogénéité des galaxies. Si l'Univers est homogène et isotrope, les observateurs situés dans des galaxies distinctes devraient mesurer les mêmes propriétés de l'Univers aux échelles les plus grandes. Naturellement, ils verraient des répartitions différentes des galaxies, mais, pour un nombre suffisant de sondages, ou pour un sondage de taille suffisante, les deux observateurs mesureraient les mêmes fluctuations statistiques. Ces fluctuations, comme celles du son de la cascade, peuvent être décrites par un spectre de puissance.

Lorsque l'Univers se dilate et évolue, divers mécanismes physiques modifient le spectre de puissance de ses structures à grande échelle. Très peu de temps après le Big Bang, des fluctuations quantiques ont conféré à l'Univers un spectre de puissance. Edward Harrison et Yakov Zel'dovich ont calculé ce spectre primordial vers la fin des années 1960 : c'est une loi de puissance en inverse de la racine cubique de la fréquence, un spectre de bruit rose à trois dimensions.

E. Harrison et Y. Zel'dovich ont obtenu ce résultat en supposant que la plupart des forces naturelles, y compris la gravité, ne possèdent pas d'échelle de longueur intrinsèque ; ce sont des lois



3. NOUS BAIGNONS DANS LES BRUITS BLANCS ET ROSES. Le bruit blanc, analogue aux crépitements d'un récepteur de radio ou à la «neige» d'un téléviseur mal réglé, est complètement aléatoire. Le son fluctue sans cesse, sans régularité (en haut). Le bruit rose, analogue au son d'une cascade ou des vagues qui se brisent sur la plage, est fractal. Cette distinction se retrouve dans les spectres de puissance : le bruit blanc a une puissance égale à toutes les fréquences, tandis que le bruit rose a plus de puissance dans les basses que dans les aigus ; il varie en raison inverse de la fréquence.