

de la forme $2^n - 1$, ceux qui sont premiers. Ils souhaitent savoir si le nombre trouvé par N. Hajratwala n'est pas précédé par d'autres nombres de Mersenne premiers.

La puissance de calcul obtenue par le système de répartition des tâches de GIMPS via l'Internet est impressionnante. On l'évalue à 700 milliards d'opérations en virgule flottante par seconde, soit l'équivalent des plus puissants ordinateurs vectoriels actuels, tel le CRAY T932.

Les machines utilisées aujourd'hui pour la prévision météorologique et le calcul scientifique coûtent des fortunes, et il est hors de question de les faire travailler à la recherche de nombres premiers pendant des mois d'affilée! Sans le calcul réparti, ce calcul de nombres

de Mersenne n'aurait sans doute pas abouti avant une dizaine d'années.

Si les organisateurs du projet GIMPS devaient acheter leurs calculs auprès de grands centres informatiques, cela leur coûterait environ 200 000 \$ par jour. Il est heureux que ce calcul ait été gratuit, sinon les organisateurs auraient dépensé plus que les 50 000 \$ du prix.

Certains algorithmes au cœur du programme que chaque participant au projet GIMPS installe sur sa machine et fait fonctionner quand il ne s'en sert pas sont assez anciens, d'autres ont été récemment perfectionnés. On évalue qu'avec les algorithmes actuels le prochain prix (pour un nombre premier de dix millions de chiffres) demandera 125 fois plus de calculs. On disposera de cette ressource de calculs grâce à la puissance accrue

des prochains microprocesseurs et par l'augmentation de leur nombre. Si l'on attend les progrès des microprocesseurs, il faudra sept doublements de puissance, soit, à raison d'un doublement tous les 18 mois (loi de Moore), environ dix ans. Si l'on incitait tous les possesseurs de micro-ordinateurs de la Terre à participer au projet, alors l'affaire pourrait être réglée en quelques semaines. Le prochain prix tombera, par une combinaison des deux méthodes, dans trois à quatre ans.

LES NOMBRES PARFAITS

À chaque nombre premier de Mersenne correspond un nombre parfait, un nombre égal à la somme de ses diviseurs (autres que lui-même) : au nombre premier de Mersenne $2^n - 1$ correspond le nombre

2. LES NOMBRES PREMIERS DE MERSENNE

Les nombres premiers $M_p = 2^p - 1$, dénommés nombres premiers de Mersenne, connus aujourd'hui sont :

n	p	année du calcul	auteur du calcul
1	2		
2	3		
3	5		
4	7		
5	13		
6	17	1588	P. Cataldi
7	19	1588	P. Cataldi
8	31	1750	L. Euler
9	61	1883	I. Pervushin
10	89	1911	R. Powers
11	107	1913	E. Fauquembergue
12	127	1876	E. Lucas
13	521	1952	R. Robinson
14	607	1952	R. Robinson
15	1279	1952	R. Robinson
16	2203	1952	R. Robinson
17	2281	1952	R. Robinson
18	3217	1957	H. Riesel
19	4253	1961	A. Hurwitz
20	4423	1961	A. Hurwitz
21	9689	1963	D. Gillies
22	9941	1963	D. Gillies
23	11213	1963	D. Gillies
24	19937	1971	B. Tuckerman
25	21701	1978	L. Noll et L. Nickel
26	23209	1979	L. Noll
27	44497	1979	H. Nelson et D. Slowinski
28	86243	1982	D. Slowinski
29	110503	1988	W. Colquitt et L. Welsh
30	132049	1983	D. Slowinski
31	216091	1988	D. Slowinski
32	756839	1992	D. Slowinski
33	859433	1994	D. Slowinski et Gage
34	1257787	1996	D. Slowinski et Gage
35	1398269	1996	Woltman, Armengaud (GIMPS)
36	2976221	1997	Woltman, Spence (GIMPS)
37	3021377	1998	Woltman et al. (GIMPS)
38	8972593	1999	Woltman et al. (GIMPS)

3. NOMBRES PREMIERS RECORDS

Le plus grand nombre premier obtenu avec et sans ordinateurs (d'après C. Caldwell)

nombre de chiffres	nombre	année	auteur	méthode
$2^{17} - 1$	6	1588?	Cataldi	Division
$2^{19} - 1$	6	1588?	Cataldi	Division
$2^{31} - 1$	10	1772?	Euler	Division et raisonnement
$(2^{59} - 1)/179951$	13	1867	Landry	Division et raisonnement
$2^{127} - 1$	39	1876	Lucas	Suite de Lucas
$(2^{148} + 1)/17$	44	1951	Ferrier	Théorème de Proth
		ordinateurs		auteur ou équipe
$180(M_{127})^2 + 1$	79	1951	EDSAC1	Miller & Wheeler
M_{521}	157	1952	SWAC	Robinson (30 janv.)
M_{607}	183	1952	SWAC	Robinson (30 janv.)
M_{1279}	386	1952	SWAC	Robinson (25 juin)
M_{2203}	664	1952	SWAC	Robinson (7 oct.)
M_{2281}	687	1952	SWAC	Robinson (9 oct.)
M_{3217}	969	1957	BESK	Riesel
M_{4253}	1281	1961	IBM7090	Hurwitz
M_{4423}	1332	1961	IBM7090	Hurwitz
M_{9689}	2917	1963	ILLIAC 2	Gillies
M_{9941}	2993	1963	ILLIAC 2	Gillies
M_{11213}	3376	1963	ILLIAC 2	Gillies
M_{19937}	6002	1971	IBM360/91	Tuckerman
M_{21701}	6533	1978	Cyber 174	Noll et Nickel
M_{23209}	6987	1979	Cyber 174	Noll
M_{44497}	13395	1979	Cray 1	Nelson et Slowinski
M_{86243}	25962	1982	Cray 1	Slowinski
M_{132049}	39751	1983	Cray X-MP	Slowinski
M_{216091}	65050	1985	Cray X-MP	Slowinski
$391581 \cdot 2^{216193} - 1$	65087	1989	Amdahl	Brown et al
M_{756839}	227832	1992	Cray-2	Slowinski et Gage
M_{859433}	258716	1994	Cray C90	Slowinski et Gage
$M_{1257787}$	378632	1996	Cray T94	Slowinski et Gage
$M_{1398269}$	420921	1996	Pentium	GIMPS
$M_{2976221}$	895932	1997	Pentium	GIMPS
$M_{3021377}$	909526	1998	Pentium	GIMPS
$M_{8972593}$	2098960	1999	Pentium II	GIMPS