

La jaune et la rouge

DENNIS SHASHA

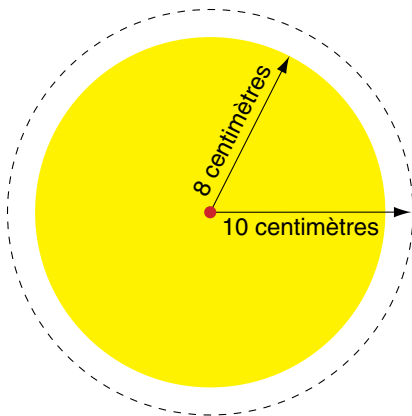
Où l'imagination du lecteur sera mise à l'épreuve pour trouver une configuration géométrique adéquate.

Prenez une figure géométrique dont une partie est colorée en jaune et l'autre en rouge. Lorsque cette figure contient au moins un point rouge et un point jaune distants d'exactly 10 centimètres, les mathématiciens disent, dans leur jargon abstrait, qu'elle satisfait la condition des 10 centimètres. Le choix de ces deux couleurs est évidemment arbitraire, mais les polytechniciens, friands de jeux mathématiques, y retrouveront la dénomination de leurs promotions successives. Petite question annexe : quelle était la couleur de la promotion du plus célèbre polytechnicien, Henri Poincaré ?

L'idée du jeu d'aujourd'hui consiste à prendre une figure simple, tels une ligne ou un disque, et de déterminer une coloration en rouge et en jaune pour laquelle la condition des 10 centimètres n'est pas satisfaite, c'est-à-dire qu'aucun point rouge n'est distant de 10 centimètres d'un point jaune. Ce n'est pas aussi facile qu'il paraît.

Pour nous entraîner, prenons un segment. Pouvez-vous le colorier en rouge et en jaune de façon à ce qu'il ne satisfasse pas la «condition des 10 centimètres»? Supposons que le segment fasse un mètre de longueur : 0 marque l'extrémité gauche et 100, celle de droite (voir la figure 1). Coloriez les intervalles suivants en rouge : 0-1, 9-11, 19-21, 29-31, 39-41, 49-51, 59-61, 69-71, 79-81, 89-91 et 99-100. Puis coloriez les intervalles restants en jaune. Chaque point de ce segment a la même couleur que celui placé à 10 centimètres à sa gauche ou à sa droite. Ainsi colorié, le segment ne satisfait pas la condition des 10 centimètres !

Essayons maintenant avec un disque. Pouvez-vous colorier en rouge et en

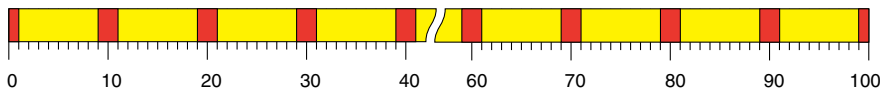


2. Un disque d'un rayon inférieur à 10 centimètres peut être colorié en rouge et en jaune de façon à ce qu'aucun couple de points de couleurs différentes ne soient distant d'exactly 10 centimètres : il suffit de colorier le centre en rouge et le reste du disque en jaune.

jaune un disque d'un rayon inférieur à 10 centimètres, afin qu'il ne satisfasse pas la condition des 10 centimètres? La réponse est également oui. Coloriez simplement le centre du disque en rouge et le reste en jaune. Tout point éloigné de 10 centimètres du centre rouge du disque est à l'extérieur de ce disque.

Qu'en est-il des disques plus grands? C'est l'objet de la question. Pour un disque d'un rayon égal ou supérieur à 10 centimètres, trouvez une coloration en rouge et en jaune qui ne satisfait pas la condition des 10 centimètres. Si elle n'existe pas, prouvez-le. Pour vous aider, souvenez-vous que selon la règle du jeu, au moins un point du disque doit être rouge et, au moins un autre, jaune.

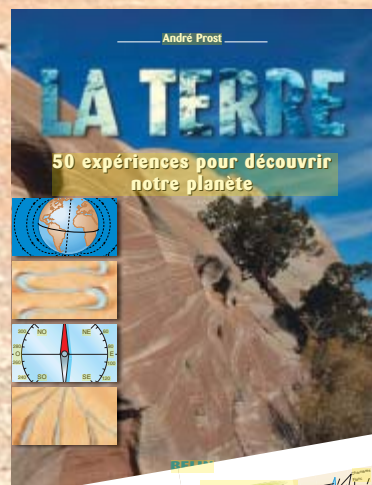
La solution de cette énigme sera donnée le mois prochain, et sera bientôt disponible sur notre site internet : www.pourlascience.com.



1. La coloration en rouge et jaune de ce segment de un mètre de longueur ne satisfait pas la «condition des 10 centimètres» : aucun point d'une couleur n'est distant d'exactly 10 centimètres d'un point de l'autre couleur.

LA TERRE

50 expériences pour découvrir notre planète



Comment naissent les dunes ?
Comment une rivière creuse-t-elle une vallée ?
Comment se forment les grottes ?
Pourquoi les pierres éclatent-elles sous le froid ?
Ce livre propose une série d'expériences pour comprendre comment le vent, la pluie, la glace, les cours d'eau modèlent le visage de la Terre.

ANDRÉ PROST est géologue, ancien enseignant à l'université d'Orléans et à Paris VI, et ingénieur au Bureau des Recherches Géologiques et Minières à Orléans.

Code 002401-100 F-128 pages

Voir bon de commande page 96

BELIN • POUR LA SCIENCE